

中国科学技术大学

2009—2010 学年第一学期考试试卷

考试科目: 并行程序设计

得分: _____

学生所在系: _____ 姓名: _____ 学号: _____

一、给出用基本的 `MPI_Send` 和 `MPI_Recv` 函数实现 `MPI_Allgather` 函数功能的伪代码。这三个函数的调用格式如下: (20 分)

- (1) `MPI_Send(buf, count, datatype, dest, tag, comm)`
- (2) `MPI_Recv(buf, count, datatype, source, tag, comm, status)`
- (3) `MPI_Allgather(sendbuf, sendcount, sendtype, recvbuf, recvcount, recvtype, comm)`

二、以下是一个用 C 语言描述的计算 π 的串行程序。(30 分)

```
static long num_steps = 100000;
double step;
void main ()
{
    int i; double x, pi, sum = 0.0;
    step = 1.0/(double) num_steps;
    for (i=1; i<= num_steps; i++){
        x = (i-0.5)*step;
        sum = sum + 4.0/(1.0+x*x);
    }
    pi = step * sum;
}
```

请给出四种不同的 OpenMP 程序实现来并行计算 π 。

三、以下程序是快速排序的一种 OpenMP 并行递归实现。请补充实线框内的程序代码。(20 分)

```
void qs(int *v, int first, int last) {
    int start[2], end[2], pivot, i, temp;
    // 以下为数组划分的代码
    if (first < last) {
        start[1] = first;
        end[0] = last;
        pivot = v[(first + last) / 2];
        while (start[1] <= end[0]) {
            while (v[start[1]] < pivot) start[1]++;
            while (pivot < v[end[0]]) end[0]--;
            if (start[1] <= end[0]) {
                temp = v[start[1]];

```

```

        v[start[1]] = v[end[0]];
        v[end[0]] = temp;
        start[1]++;
        end[0]--;
    }
}
start[0] = first;
end[1] = last;
// 以下实线框内为并行部分的代码，请补充！

    } // end-if
} // end-of-qs

```

四、请给出矩阵分块乘法的并行 MPI 实现代码（30 分）

矩阵乘法也可以用分块的思想实现并行，即分块矩阵乘法(Block Matrix Multiplication)，将矩阵 A ($m \times n$) 按行划分为 p 块(p 为处理器个数)，设 $u = \lceil m/p \rceil$ ，每块含有连续的 u 行向量，这些行块依次记为 A_0, A_1, \dots, A_{p-1} ，分别存放在标号为 $0, 1, \dots, p-1$ 的处理器中。对矩阵 B ($n \times k$) 按列划分为 p 块，记 $v = \lceil k/p \rceil$ ，每块含有连续的 v 列向量，这些列块依次记为 B_0, B_1, \dots, B_{p-1} ，分别存放在标号 $0, 1, \dots, p-1$ 为的处理器中。将结果矩阵 C 也相应地同时进行行、列划分，得到 $p \times p$ 个大小为 $u \times v$ 的子矩阵，记第 i 行第 j 列的子矩阵为 C_{ij} ，显然有 $C_{ij} = A_i \times B_j$ ，其中， A_i 大小为 $u \times n$ ， B_j 大小为 $n \times v$ 。

开始，各处理器的存储内容如图(a)所示。此时各处理器并行计算 $C_{ii} = A_i \times B_i$ 其中 $i=0, 1, \dots, p-1$ ，此后第 i 号处理器将其所存储的 B 的列块送至第 $i-1$ 号处理器（第 0 号处理器将 B 的列块送至第 $p-1$ 号处理器中，形成循环传送），各处理器中的存储内容如图(b)所示。它们再次并行计算 $C_{ij} = A_i \times B_j$ ，这里 $j=(i+1) \bmod p$ 。 B 的列块在各处理器中以这样的方式循环传送 $p-1$ 次并做 p 次子矩阵相乘运算，就生成了矩阵 C 的所有子矩阵。最终，编号为 i 的处理器内部存储器存有 C 子矩阵 $C_{i0}, C_{i1}, \dots, C_{i(p-1)}$ 。

