

1、卢瑟福散射公式

$$\frac{d\sigma}{d\Omega} = \frac{dn}{nNtd\Omega} = \frac{a^2}{16\sin^4\frac{\theta}{2}}, \quad a \equiv \frac{2Ze^2}{4\pi\epsilon_0 E}$$

a 为库仑散射因子, $\frac{d\sigma}{d\Omega}$ 称为微分散射截面

n 为打在薄膜上的 α 粒子数, dn 为在立体角 $d\Omega$ 方向测量到的粒子数。 θ 为散射角, t 为薄膜厚度, N 为单位体积中的原子数。

2、原子核的线度 $10^{-14} \sim 10^{-15} \text{m}$

α 粒子能达到的距原子核的最小距离

$$r_m = \frac{a}{2} \left(1 + \frac{1}{\sin\frac{\theta}{2}} \right)$$

3、黑体辐射的两个实验定律

能完全吸收照射到它上面的各种波长电磁波的物体，称为黑体。

(1) 斯特藩—玻耳兹曼定律

总辐出度 $M(T)$ 与黑体温度的四次方成正比

$$M(T) = \sigma T^4 \quad \text{其中常量 } \sigma = 5.67 \times 10^{-8} \text{ W/m}^2\text{K}^4$$

a) 单色辐出度 $M_\lambda(T)$

温度为 T 时, 单位时间内从物体单位表面发出的波长在 λ

附近单位波长间隔内的电磁波的能量。

b) 总辐出度 $M(T)$

$$M(T) = \int_0^{\infty} M_\lambda(T) d\lambda$$

(2) 维恩位移定律

黑体辐射光谱中辐射最强的波长与黑体温度 T 之间满足反比关系

$$\lambda_m = \frac{b}{T}$$

其中常量 $b = 2.89 \times 10^{-3} \text{ m} \cdot \text{K}$

4、普朗克量子假设和黑体辐射公式

电磁辐射的能量交换只能是能量元 $h\nu$ 的整数倍

即 $E = nh\nu$

$n=1, 2, 3, \dots$, 称为量子数, 式中 h 为一普适常数, 称为普朗克常数, $h=6.6260693(11)\times 10^{-34}$ Js。

$$M_{\nu}(T) = \frac{2\pi h}{c^2} \frac{\nu^3}{e^{h\nu/kT} - 1}$$

5、氢原子的光谱线系

$$\tilde{\nu} \equiv \frac{1}{\lambda} = R_H \left(\frac{1}{m^2} - \frac{1}{n^2} \right) = \frac{R_H}{m^2} - \frac{R_H}{n^2} = T(m) - T(n)$$

里德堡方程 (广义的巴尔末公式)

$R_H = 1.0967758 \times 10^7 \text{m}^{-1}$, 称为里德堡常数

$T(n)$ 称为光谱项。

赖曼系	$m=1, \quad n=2, 3, 4, 5, \dots$	紫外
-----	----------------------------------	----

巴尔末系	$m=2, \quad n=3, 4, 5, 6, \dots$	可见
------	----------------------------------	----

帕型系	$m=3, \quad n=4, 5, 6, 7, \dots$	红外
-----	----------------------------------	----

布喇开系	$m=4, \quad n=5, 6, 7, 8, \dots$	红外
------	----------------------------------	----

巴尔末系 **线系限的波数** (最大波数, 相应的波长最短)

$$\tilde{\nu} = \frac{1}{\lambda} = \frac{R_H}{2^2}$$

6、玻尔的氢原子理论 (1913)

1) 核式模型加定态假设:

电子绕原子核作圆周运动时，只能处在一些分立的稳定轨道上（定态轨道），而且具有稳定的能量，不产生辐射。

2) 频率条件（辐射条件）:

当电子从一个定态轨道（用整数 n 标记该定态，相应的能量为 E_n ）跃迁到另一个定态轨道时（ m , E_m ）会以电磁辐射的形式放出（或吸收）能量：

$$h\nu = E_n - E_m \Rightarrow E_n = -\frac{hcR_H}{n^2} = -hcT(n)$$